Remarques au lecteur :

Les vecteurs (signification, notation) avaient été abordés en classe mais la somme de deux vecteurs à été introduite par cette activité (avant de revenir sur la construction du parallélogramme et l'utilisation de la règle et du compas dans une autre séance).

La suite du document se compose de 2 parties :

- Les 3 pages suivantes permettent à l'élève de construire en autonomie une figure dynamique qui permet de visualiser un vecteur somme. Cette sorte de « fiche technique » est laissée sur place par les élèves et est réutilisée par les autres groupes.
- La dernière page est conservée par l'élève. Elle lui permet de noter les caractéristiques de différentes figures afin de retrouver « empiriquement » les relations entre :
 - o Coordonnées des points et coordonnées du vecteur
 - Coordonnées des vecteurs et coordonnées du vecteur somme.

Samuel BESSE, professeur au lycée NEWTON ENRIA, Clichy la Garenne - 2010

Activité GéoGébra : Construire la somme de deux vecteurs.

Ne pas écrire sur ce document / Laisser ce document sur place.

Faire apparaitre la grille en cochant dans le menu \Affichage\Grille.

Première partie : construction d'un vecteur

A l'aide de l'outil Nouveau point, créer le point A(2;1) et le point B(5;6).

On doit obtenir :

🖓 GeoGebra											
Fichier Éditer Affienage Option	ns Ou	utils F	enêtre	Aide							
					2) Dé	place	r Grap	ohique	,	
Objets libres				Î .					_		
● A = (2, 1)		r	6						•		
@B=(5,6)											
🎍 Objets dépendants		 	5		 	 	 	 			L
			4-		 				+		
			3		 		L		+		
		 	2		 				+		
						•					
			1		•	•	- 		+		
		-	0	-		-			_	-	-
		-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7
			-1		 		 		+		
									1		

A l'aide de l'outil Vecteur , créer le vecteur \vec{u} qui est égal à \overrightarrow{AB} (Faire apparaître le menu en cliquant en bas à droite de la case).

On doit obtenir :

💮 GeoGebra																		
Fichier Éditer	Affic	hage option	is Oi	utils F	enêtre	Aide												
						•	2	Ve	cteur	Point	origine	e, poin	t extré	mité [c	réés c	u non]	
📕 Objets lib 🔎	× C	Droite passan	t par	deux	points						D							
● A = (2, ● B = (5, ●	<u>-</u> s	Segment entre	e deu	ıx poin	its					1	-		- -					-
Objets dé	•	egment créé	par	un poi	nt et u	ne Ion	gueur				 		 	 	 	 	 	L -
• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	~) Demi-droite pa	assa	nt par	deux p	oints				/	1							
	-			-					u		+ 		+ 		+		1	+ -
•	~ \	/ecteur							/						 			
-	F	Représentant						/										
				+							+ 	 	+ 	 	+	 		+
				 	1			A			 		 					
				2	1	0	1	2	2	4	5	6	7	0	0	10	11	1
				-2	-1	0		2	3	4	5	0	1	0	э	10		l

Deuxième partie : construction d'un deuxième vecteur.

Placer le point C(5 ; -1) et construire le vecteur \vec{v} qui est égal à \overrightarrow{AC} .

On doit obtenir :



Troisième partie : construction du vecteur somme \overrightarrow{AD} tel que $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$ étape n°1 :

<u>But :</u> Construire le vecteur \vec{w} égal à \overrightarrow{AB} partant de C

<u>Méthode :</u> En utilisant l'outil « Représentant » Cliquer sur le point C et ensuite cliquer sur le

vecteur \overrightarrow{AB} . On doit obtenir :

💮 GeoGebra																
Fichier Éditer Af	fichage Optior	ns Qu	tils F	enêtre	Aide											
		Ĵ.			•	2	Re	prése	ntant:	Origir	ne puis	vecte	ur [cré	és]		
🎚 Objets lib 💉	Droite passar	nt par	deux p	points												
● A = (2, ● B = (5,	Segment entr	e deu	x poin	ts						B 			 	 		
-	Segment créé	parι	ın poi	nt et u	ne lon	gueur			/	 		L	 	 	 	
Dbjets dé	Domi droito n		thar	douvr	ointe	-						1	C			
	Demi-droite p	assan	i par i	ueux p	oints			/			 	1		¦	 	
• u = (3, • • v = (3, ✓	Vecteur							/			 			 	 	
• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	Représentant										/	/				
				1				 		 	w	+ 	 	+ 	 	
						•	$\langle \cdot \cdot \rangle$				1	<u> </u>		 		
				0				v								
			-2	-1	0	1	2	3	4	5/	6	7	8	9	10	11
				-1						¢						

étape n°2 :

But : Renommer le point C' en D.

Méthode : Faire un clic droit sur C' puis aller dans le menu « Propriétés... »



étape n°3 :

<u>But :</u> Construire le vecteur \overrightarrow{AD}

<u>Méthode</u>: Utiliser l'outil « vecteur » et relier les points A et D (le logiciel nomme ce vecteur \vec{z}) On doit obtenir :



En résumé :	$\vec{u} = \overrightarrow{AB}$
	$\vec{v} = \overrightarrow{AC}$
	$\vec{z} = \vec{AD}$

Le logiciel GeoGebra nous permet d'obtenir une construction dynamique afin d'étudier rapidement 4 figures. Les buts étant de trouver :

- ⇒ une relation entre les coordonnées des points et les coordonnées du vecteur.
- \Rightarrow une relation entre les coordonnées du vecteur somme et les coordonnées des deux autres vecteurs.

Compléter le tableau suivant :On utilisera l'outil « déplacer » pour déplacer les points et faire coïncider les coordonnées de A, B et C avec celles du tableau)



	0	8	8	0
	A (2;1)	A (2;1)	A(2;1)	A (-3;-2)
	B(5;6)	B(5;6)	B (2;-3)	B (2;-3)
	C (5;-1)	C (4;2)	C (4;2)	C (4;2)
\overrightarrow{AB}	(3;5)	(;)		
\overrightarrow{AC}	(3;-2)	(;)	•	
\overrightarrow{AD}	(6;3)	(;)		

A retenir : Relations entre les coordonnées des points et les coordonnées des vecteurs

Soit $A(x_A; y_A)$, $B(x_B; y_B)$ et $C(x_C; y_C)$

Coordonnées du vecteur $\overrightarrow{AB}(X_1; Y_1)$ Coordonnées du vecteur $\overrightarrow{AC}(X_2; Y_2)$

- $X_1 = \dots$

 $X_2 = \dots$

 $Y_2 =$

 $\mathbf{Y}_1 = \dots$

Relation entre les coordonnées du vecteur somme AD (X ; Y) et les coordonnées des deux

autres vecteurs. On a : $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

X =

Y =