www.mathsenligne.com

GEOMETRIE ANALYTIQUE

EXERCICES 8C

AIDE MEMOIRE: dans un repère orthonormé (O, I, J), on considère les points $A(x_A; y_A)$ et $B(x_B; y_B)$:

Coordonnées du vecteur \overrightarrow{AB} :

$$\overrightarrow{\mathsf{AB}} \stackrel{\left(x_{\mathsf{B}} - x_{\mathsf{A}}\right)}{\left(y_{\mathsf{B}} - y_{\mathsf{A}}\right)}$$

Coordonnées du milieu I de [AB] :

$$I\left(\frac{x_A + x_B}{2}; \frac{y_A + y_B}{2}\right)$$

Distance entre A et B:

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

1. Soit A(3; 5) et B(-5; 2).

Calculer les coordonnées de AB

- **2.** Soit A(3; 5) et B(-5; 2). Calculer les coordonnées de I milieu de [AB]
 - **3.** Soit A(3; 5) et B(-5; 2). Calculer la distance AB

- **4.** Soit A(-7; 2) et B(0; 4). Calculer les coordonnées de I Calculer la distance AB. milieu de [AB]
- **5.** Soit A(3; -7) et B(-1; 1).
- **6.** Soit A(5; -6) et B(-6; 5). Calculer les coordonnées de AB

7. Soit E(-2; 0) et F(4; 9).

Calculer les coordonnées de EF.

- **8.** Soit G(-1; -5) et H(-3; -4). Calculer les coordonnées de I milieu de [GH].
- **9.** Soit I(8; 0) et J(0; -1). Calculer la distance IJ.

- **10.** Soit K(-3; -5) et L(5; -2). Calculer les coordonnées de I milieu de [KL].
- **11.** Soit M(3; -2) et N(-1; -2). Calculer la distance MN.
- **12.** Soit P(-5; 7) et Q(-5; -8). Calculer les coordonnées de PQ.

CORRIGE - NOTRE DAME DE LA MERCI - MONTPELLIER

AIDE MEMOIRE: dans un repère orthonormé (O, I, J), on considère les points $A(x_A; y_A)$ et $B(x_B; y_B)$:

Coordonnées du vecteur \overrightarrow{AB} :

$$\overrightarrow{\mathsf{AB}} \begin{pmatrix} x_\mathsf{B} - x_\mathsf{A} \\ y_\mathsf{B} - y_\mathsf{A} \end{pmatrix}$$

Coordonnées du milieu I de [AB] :

$$I\left(\frac{x_A + x_B}{2}; \frac{y_A + y_B}{2}\right)$$

Distance entre A et B :

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

EXERCICE:

1. Soit A(3; 5) et B(-5; 2).

Calculer les coordonnées de AB

$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} -5 - 3 \\ 2 - 5 \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} -8 \\ -3 \end{pmatrix}$$

2. Soit A(3 ; 5) et B(-5 ; 2). Calculer les coordonnées de I milieu de [AB]

$$I\begin{pmatrix} \frac{x_{A} + x_{B}}{2} \\ \frac{y_{A} + y_{B}}{2} \end{pmatrix} \text{ soit } I\begin{pmatrix} \frac{3 + (-5)}{2} \\ \frac{5 + 2}{2} \end{pmatrix}$$
soit
$$I\begin{pmatrix} -1 \\ 3, 5 \end{pmatrix}$$

3. Soit A(3; 5) et B(-5; 2). Calculer la distance AB

AB =
$$\sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

= $\sqrt{(-5-3)^2 + (2-5)^2}$
= $\sqrt{(-8)^2 + (-3)^2}$
= $\sqrt{73}$

4. Soit A(-7 ; 2) et B(0 ; 4). Calculer les coordonnées de I milieu de [AB]

$$I\begin{pmatrix} \frac{x_{A} + x_{B}}{2} \\ \frac{y_{A} + y_{B}}{2} \end{pmatrix} \text{ soit } I\begin{pmatrix} \frac{-7 + 0}{2} \\ \frac{2 + 4}{2} \end{pmatrix}$$

$$\text{ soit } I\begin{pmatrix} -3, 5 \\ 3 \end{pmatrix}$$

5. Soit A(3; -7) et B(-1; 1). Calculer la distance AB

AB =
$$\sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

= $\sqrt{(-1-3)^2 + (1-(-7))^2}$
= $\sqrt{(-4)^2 + 8^2}$
= $\sqrt{80} = 4\sqrt{5}$

6. Soit A(5; -6) et B(-6; 5).

Calculer les coordonnées de AB

$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} -6 - 5 \\ 5 - (-6) \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} -11 \\ 11 \end{pmatrix}$$

7. Soit E(-2; 0) et F(4; 9).

Calculer les coordonnées de EF

$$\overline{EF} \begin{pmatrix} x_F - x_E \\ y_F - y_E \end{pmatrix}$$

$$\overline{EF} \begin{pmatrix} 4 - (-2) \\ 9 - 0 \end{pmatrix}$$

$$\overline{EF} \begin{pmatrix} 6 \\ 9 \end{pmatrix}$$

8. Soit G(-1 ; -5) et H(-3 ; -4). Calculer les coordonnées de I milieu de [GH]

$$I\begin{pmatrix} \frac{x_{G} + x_{H}}{2} \\ \frac{y_{G} + y_{H}}{2} \end{pmatrix} \text{ soit } I\begin{pmatrix} \frac{(-1) + (-3)}{2} \\ \frac{(-5) + (-4)}{2} \end{pmatrix}$$

$$\text{ soit } I\begin{pmatrix} -2 \\ -4, 5 \end{pmatrix}$$

9. Soit I(8; 0) et J(0; -1). Calculer la distance IJ

$$IJ = \sqrt{(x_J - x_I)^2 + (y_J - y_I)^2}$$

$$= \sqrt{(0 - 8)^2 + (-1 - 0)^2}$$

$$= \sqrt{(-8)^2 + (-1)^2}$$

$$= \sqrt{65}$$

10. Soit K(-3 ; -5) et L(5 ; -2). Calculer les coordonnées de I milieu de [KL]

I
$$\left(\frac{x_{\mathrm{K}} + x_{\mathrm{L}}}{2}\right)$$
 soit I $\left(\frac{-3+5}{2}\right)$ soit I $\left(\frac{-5)+(-2)}{2}\right)$ soit I $\left(\frac{1}{-3,5}\right)$

11. Soit M(3; -2) et N(-1; -2). Calculer la distance MN

$$MN = \sqrt{(x_N - x_M)^2 + (y_N - y_M)^2}$$

$$= \sqrt{(-1 - 3)^2 + (-2 - (-2))^2}$$

$$= \sqrt{(-4)^2 + 0^2}$$

$$= 4$$

12. Soit P(-5; 7) et Q(-5; -8).

Calculer les coordonnées de PQ

$$\overrightarrow{PQ} \begin{pmatrix} x_Q - x_P \\ y_Q - y_P \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{PQ} \begin{pmatrix} -5 - (-5) \\ -8 - 7 \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{PQ} \begin{pmatrix} 0 \\ -15 \end{pmatrix}$$

www.mathsenligne.com	GEOMETRIE ANALYTIQUE	EXERCICES 8C

N